

نموذج اختبار الفترة الأولى (حادي عشر علمي) الفصل الدراسي الأول

اجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل
السؤال الأول:

(أ) اوجد الناتج في أبسط صورة بحيث يكون المقام عددا نسبيا
الحل :

$$\frac{\sqrt{2} - 1}{3 - \sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{2} - 1)(3 + \sqrt{2})}{(3 - \sqrt{2})(3 + \sqrt{2})} = \frac{(\sqrt{2} - 1)(3 + \sqrt{2})}{9 - 2}$$

$$= \frac{2\sqrt{2} - 1}{7}$$

(ب) أوجد مجموعة حل المعادلة

$$\sqrt{8x} - 2\sqrt{4x - 16} = 0$$

$$(\sqrt{8x})^2 = (2\sqrt{4x - 16})^2$$

$$8x = 4(4x - 16)$$

$$8x = 16x - 64$$

$$16x - 8x = 64$$

$$8x = 64$$

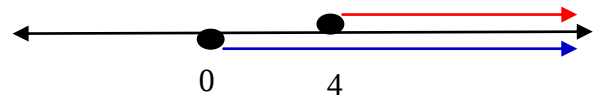
$$x = 8 \in [4, \infty)$$

مجموعة حل المعادلة { 8 }

الحل : شرط الحل

$$4x - 16 \geq 0, \quad 8x \geq 0$$

$$x \geq 4, \quad x \geq 0$$



$$x \geq 4 \quad x \in [4, \infty)$$

السؤال الثاني

(أ) ارسم منحنى الدالة $y = -2 (X - 3)^2 - 1$

مستخدما خواص القطوع المكافئة

الحل : المعادلة التربيعية على الصورة $y = a(x - h)^2 + k$ فهي تمثل قطعاً مكافئاً

$$h = 3, k = -1$$

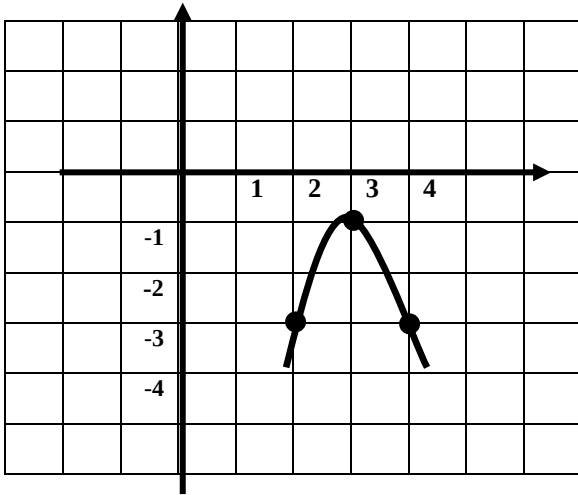
النقطة $(3, -1)$ هي رأس المنحنى

$a = -2 < 0$ فإن فتحة المنحنى لأسفل والرأس عنده قيمة عظمى

معادلة محور التماثل هي : $x = h$

$X = 3$ هو محور التماثل

نحسب نقطة أخرى : عند $x = 2$ فإن $y = -3$



(ب) أوجد مجموعة حل المعادلة :

$$\left(\frac{2}{5}\right)^{x-1} = \left(\frac{125}{8}\right)^x$$

الحل :

$$\left(\frac{2}{5}\right)^{x-1} = \left(\frac{2}{5}\right)^{-3x}$$

$$x - 1 = -3x$$

$$4x = 1$$

$$x = \frac{1}{4}$$

$$\left\{\frac{1}{4}\right\} = \text{مجموعة الحل}$$

السؤال الثالث:
أوجد مجال الدالة :

$$f(x) = \frac{\sqrt{x-3}}{x^2 - 9}$$

الحل:

$$f(x) = \frac{h(x)}{g(x)}$$

أصفار المقام	مجال $g(x)$	مجال $h(x)$
$X^2 - 9 = 0$	R	$x - 3 \geq 0$
$(X - 3)(X + 3) = 0$		$x \geq 3$
أصفار المقام = $\{3, -3\}$		$[3, \infty)$
أصفار المقام - مجال $h(x) \cap$ مجال $g(x)$ = مجال $F(X)$		
مجال $F(X) = [3, \infty) \cap R - \{3, -3\} = (3, \infty)$		

(ب) أوجد مجموعة حل المتباينة : $-x^2 + 7x \leq 10$
الحل :

$$-X^2 + 7x - 10 \leq 0$$

$$X^2 - 7x + 10 \geq 0$$

$$X^2 - 7x + 10 = 0$$

المعادلة المناظرة

$$X^2 - 7x + 10 = (x - 2)(x - 5)$$

أو $X = 2$ $x = 5$

$$X - 2 < 0 \implies x < 2$$

$$X - 2 > 0 \implies x > 2$$

$$x - 5 < 0 \implies x < 5$$

$$x - 5 > 0 \implies x > 5$$

x	$-\infty$	2	5	∞
x - 2	-	0	+	+
x - 5	-	-	0	+
(x - 2)(x - 5)	+	-	+	+

مجموعة الحل $(-\infty, 2] \cup [5, \infty)$
أو $R / (2, 5)$

الأسئلة الموضوعية:

أولاً : فى البنود (١ - ٣) ظلل الدائرة أ إذا كانت العبارة صحيحة ، ب إذا كانت العبارة خاطئة :-

(١) $X^{\frac{-1}{2}} \cdot X^{\frac{1}{3}} = X^{\frac{-1}{6}}$ (a) (b)

(٢) توجد عند رأس منحنى الدالة $Y = -(x-3)^2 - 2$ قيمة عظمى (a) (b)

(٣) مجال الدالة $f(x) = \frac{3}{\sqrt{2x-6}}$ هو $[3, \infty)$ (a) (b)

ثانياً :- فى البنود (٤ - ٨) لكل بند أربعة اختيارات واحد منها صحيح فقط ، أختار الإجابة الصحيحة ثم ظلل

دائرة الرمز الدال على ذلك .

(4) بيان الدالة $Y = \sqrt{x+2} - 2$ هو انسحاب لبيان الدالة $y = \sqrt{x}$

(b) وحدتين الى اليسار ووحدتين للأسفل
(d) وحدتين الى اليمين ووحدتين للأسفل

(a) وحدتين الى اليسار ووحدتين للأعلى
(c) وحدتين الى اليمين ووحدتين للأعلى

(5) معادلة محور التماثل للقطع المكافئ $y = x^2 - 6x + 2$ هي

(a) $x = 12$ (b) $x = 6$ (c) $x = 3$ (d) $x = 2$

(6) التعبير الجذرى الذى فى أبسط صورة هو :

(a) $\sqrt[3]{216}$ (b) $\frac{2}{\sqrt[3]{2}}$ (c) $\sqrt[3]{9}$ (d) $\sqrt{\frac{2}{3}}$

(7) مجموعة حل $\sqrt[3]{x-2} = \sqrt{x-2}$

(a) $\{2\}$ (b) $\{1,2\}$ (c) $\{1,2,3\}$ (d) $\{2,3\}$

(٨) القطع المكافئ $y = a(x-h)^2 + k$ يقطع المحورين على الأكثر فى :

a) نقطة واحدة b) نقطتين (c) ثلاث نقاط (d) اربع نقاط

رقم البند	الإجابة الصحيحة
1	☒ a ☐ b
2	☒ a ☐ b
3	☐ a ☒ b
4	☐ a ☒ b ☐ c ☐ d
5	☐ a ☐ b ☒ c ☐ d
6	☐ a ☐ b ☒ c ☐ d
7	☐ a ☐ b ☐ c ☒ d
8	☐ a ☐ b ☒ c ☐ d